

# Växelströmsteori

Tidsberoende storheter:

Spänning	$u(t)$
Ström	$i(t)$
Effekt	$p(t)$

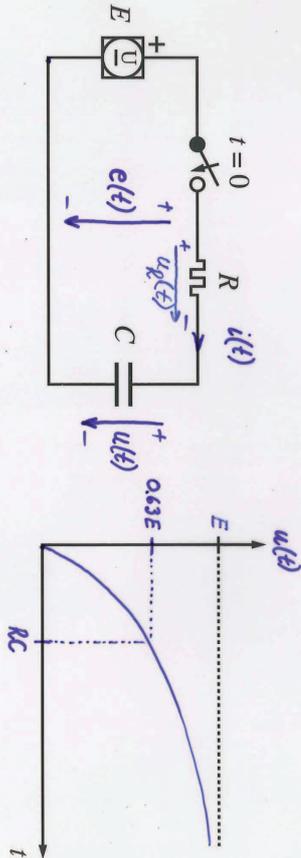
Resistans  $\frac{u(t)}{i(t)}$   $u(t) = Ri(t)$

Kapacitans  $\frac{u(t)}{i(t)}$   $i(t) = C \frac{d}{dt}u(t)$

Induktans  $\frac{u(t)}{i(t)}$   $u(t) = L \frac{d}{dt}i(t)$

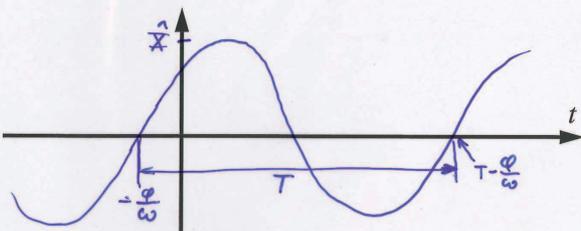


## Uppladdning av kapacitans



## Stationär sinussignal

$$x(t) = \hat{X} \sin(\omega t + \varphi)$$



$x(t)$ momentanvärde	$\varphi$ fasvinkel
$\hat{X}$ amplitud (toppvärde)	$T$ periodtid
$\omega$ vinkelfrekvens	$f$ frekvens

Samband:  $f = \frac{1}{T}$

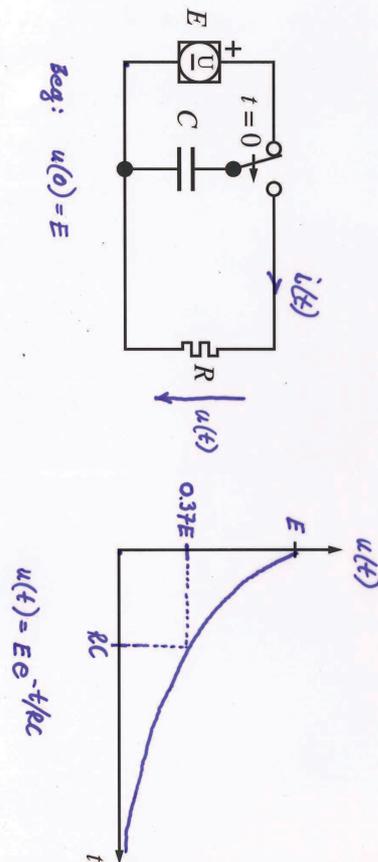
$$\omega = 2\pi f$$

Momentan effekt:  $p(t) = u(t)i(t)$

Aktiv effekt:  $P = \frac{1}{T} \int_0^T p(t) dt$

Effektivvärde:  $X_e = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T x^2(t) dt} = \frac{\hat{X}}{\sqrt{2}}$  *SinUS*

## Urladdning av kapacitans



## $j\omega$ -metoden

1. Ersätt strömmar, spänningar och källor med deras komplexa motsvarigheter:

$$a(t) = \hat{A} \sin(\omega t + \varphi) \Rightarrow$$

$$A = \hat{A} e^{j\varphi} = b + jc$$

$$b = \hat{A} \cos \varphi \quad c = \hat{A} \sin \varphi$$

2. Ersätt  $R$ ,  $L$ ,  $C$  med deras impedanser:

$$Z_L = j\omega L \quad Z_C = \frac{1}{j\omega C} \quad Z_R = R$$

3. Lös problemet med likströmsteori.

4. Gör omvändningen till punkt 1:

$$A = \hat{A} e^{j\varphi} = b + jc \Rightarrow$$

$$a(t) = \hat{A} \sin(\omega t + \varphi)$$

$$\hat{A} = \sqrt{b^2 + c^2}$$

$$\varphi = \arg(b + jc) = \operatorname{atan} \frac{c}{b} \quad \underline{(\pm\pi)}$$

Om  $b < 0$